ISSN 1346-7328 国総研資料 第1213号 令 和 4 年 7 月

国土技術政策総合研究所資料

TECHNICAL NOTE of National Institute for Land and Infrastructure Management

No. 1213

July 2022

港湾におけるシナリオベースによる外力の確率評価

岡本侃大・本多和彦・百海郁弥

Scenario-based Evaluation of Probability of External Force in Port Areas

OKAMOTO Kanta, HONDA Kazuhiko, DOUKAI Fumiya

国土交通省 国土技術政策総合研究所

National Institute for Land and Infrastructure Management Ministry of Land, Infrastructure, Transport and Tourism, Japan 国土技術政策総合研究所資料 No. 1213 2022 年 7 月 (YSK-N-464)

港湾におけるシナリオベースによる外力の確率評価

岡本侃大*·本多和彦**·百海郁弥***

要 旨

港湾施設のうち,特に海岸保全施設の設計条件は,50年確率波と,既往最高潮位もしくは朔望平均 満潮位に伊勢湾台風級の台風の高潮偏差を加えた潮位の組み合わせが一般的である.これは,波浪, 高潮偏差及び天文潮位が同時生起するものと仮定しているものであり,それらのピークの時間差は考 慮されていない.また,これらの組み合わせから得られる外力の発生確率を評価できていない.

本研究は、確率台風モデルを用いたシナリオベースの検討により、波浪、高潮偏差及び天文潮位の ピークの時間差の影響を考慮しながら、施設に作用する外力の発生確率を評価する手法を提案したも のである.さらに、実港湾の海岸保全施設のモデルケースを対象としたケーススタディを実施し、施 設に作用する波力と平均越波流量の発生確率分布を推定するとともに、従来の設計方法で計算される 波力と平均越波流量の再現期間及び発生確率を算定した.

本提案手法により,これまで精緻に評価されていなかった外力の発生確率を明らかにすることが可 能であり,施設の安全性の評価,確率論的設計,港湾施設の整備効果評価等の基礎的な情報を提供で きる.

キーワード:再現期間,外力,波浪,高潮偏差,港湾,海岸保全施設

^{*} 沿岸海洋・防災研究部 沿岸防災研究室 交流研究員(株式会社アルファ水エコンサルタンツ)

^{**} 沿岸海洋·防災研究部 沿岸防災研究室長

^{***} 沿岸海洋・防災研究部 沿岸防災研究室 研究員

^{〒239-0826} 横須賀市長瀬3-1-1 国土交通省国土技術政策総合研究所

電話: 046-844-5019 Fax: 046-842-9265 e-mail: ysk.nil-46pr@gxb.mlit.go.jp

Technical Note of NILIM No. 1213 July 2022 (YSK-N-464)

Scenario-based Evaluation of Probability of External Force in Port Areas

OKAMOTO Kanta* HONDA Kazuhiko** DOUKAI Fumiya***

Synopsis

In general, port facilities and shore protection facilities in port areas are designed with a combination of a 50-year-return wave and storm surge of a Vera-class typhoon on the mean monthly highest water level or the highest high water level. However, this design method is based on the simultaneity of the waves, storm surge, and astronomical tide level, and the time lag between the peak of wave height and the peak of sea level is not considered. Therefore, it is not able to evaluate the occurrence probability of external force.

In this study, we propose a methodology to evaluate the occurrence probability of external force, considering the time lag between the peaks of the waves, storm surge, and astronomical tide level through multiple typhoon scenarios using a stochastic typhoon model. In addition, we carried out a case study for estimating the occurrence probability distribution of the wave force and mean rate of wave overtopping. Moreover, we calculated the wave force and mean rate of wave overtopping with the conventional design method, and then evaluated their return periods by referring to each occurrence probability distribution.

This method provides basic information for evaluating safety performance and probabilistic design of port facilities and so on.

Key Words: return period, external force, wave, storm surge, port, shore protection facility

^{*} Guest Research Engineer, Coastal Disaster Prevention Division, Coastal, Marine and Disaster Prevention

Department (Alpha Hydraulic Engineering Consultants Co., Ltd.)

^{**} Head of Coastal Disaster Prevention Division, Coastal, Marine and Disaster Prevention Department

^{***} Research Engineer, Coastal Disaster Prevention Division, Coastal, Marine and Disaster Prevention Department 3-1-1 Nagase, Yokosuka, 239-0826 Japan

Phone: +81-46-844-5024 Fax: +81-46-844-5068 e-mail: ysk.nil-46pr@gxb.mlit.go.jp

目 次

1.	まえ	iがき・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
2.	施誃	gに作用する外力の確率的評価手法 ······ 1
	2.1	確率台風モデル ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
	2.2	経験的台風モデル ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
	2.3	波浪・高潮推算
	2.4	天文潮位 ····································
	2.5	施設に作用する外力 ······ 4
	2.6	極値統計解析 ••••••••••• 5
3.	ケー	-ススタディ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
	3.1	対象施設の設定
	3.1	台風経路の設定 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
	3.2	計算条件の設定 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
	3.3	波高と高潮偏差及び外力の非同時生起性の評価 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ 9
	3.4	外力の発生確率分布の推定
	3.5	従来の設計方法における外力の確率的評価
4.	まと	: め・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
5.	あと	:がき
参	考文	献

1. まえがき

港湾における港湾施設や海岸保全施設の構造形式や 規模は、それらに作用する外力(以下、外力)によって 決定され、その外力の大きさは、主に波浪と潮位に依存 する.従来の設計方法では、設計沖波として50年確率波 高とそれに対応する周期が用いられる.このうち、50年 確率波高は、過去に顕著な高波をもたらした擾乱におけ る擾乱期間中の最大波高を用いた確率的評価に基づいて 設定される.設計沖波は、沖合(多くの場合、深海域) における波浪条件であるため、設計に用いる外力を求め る際には、沖合から施設前面までの波浪変形計算によっ て、施設前面の波浪条件に変換される.一方で、設計潮 位には、既往最高潮位もしくは朔望平均満潮位(以降、

「HWL」という.) にシナリオ台風の高潮偏差を加えた 潮位が用いられる.この際,一般的に,伊勢湾台風がシ ナリオ台風として用いられる.以上を踏まえると,外力 の計算に用いられる設計波及び設計潮位は,それぞれ異 なる擾乱に基づいて設定されている.加えて,波高及び 高潮偏差について,それぞれの擾乱期間中の最大値(以 降,「ピーク」という.)が,同時に生起するという仮定 が置かれている.

しかしながら,実際の現象を考えてみると,外力は, 同一の擾乱によって発生する波浪,高潮偏差,及び天文 潮の組み合わせによって決定される.この時,波浪及び 高潮偏差のピークは,それぞれの発達メカニズムの違い により,必ずしも同時に生起するとは限らない.この波 浪と高潮偏差のピークの時間差(以降,「非同時生起性」 という.)の影響については,日本沿岸の様々な地域にお いて研究がなされている(河合ら,2002;國富ら,2005; 下元ら,2006;畑田ら,2018;畑田ら,2019;松尾ら, 2020).さらに,天文潮位の変化が,高潮偏差の変化と独 立した現象であることを考慮すると,設計潮位は,それ ぞれの時間変化を考慮して設定する必要がある.しかし, 従来の設計方法では,天文潮位はHWLで常に一定として 設定される.

従来の設計方法に対するもう1つの疑問は,設計波と 設計潮位によって計算される外力が,果たしてどれくら いの確率で発生するのかということである.設計波の再 現期間は50年であるが,設計潮位の再現期間は不明であ り,それらの組み合わせによって計算される設計外力も 同様に不明である.

この疑問を解決するためには,外力の発生確率分布を 明らかにする必要がある.外力の発生確率分布の推定は, 擾乱によってもたらされる波浪及び高潮偏差のデータを 用いることで可能であるが、とりわけ、長い再現期間に 対する精度の高い推定のためには、多数のデータが必要 となる.しかし、過去の観測結果から得られる擾乱の数 には限りがあり、また波浪、高潮偏差、及び潮位の観測 期間もいまだ短く、100年以上といった長期間の再現期間 を推定することは困難である.

こうした状況において,確率台風モデルは,多数の台 風擾乱を収集するための有用なツールとなる.確率台風 とは,過去の台風の属性値(位置,中心気圧,最大風速 半径などのパラメタ)やその時間変化量を統計解析して 得られた発生確率分布や自己回帰式に基づいて,任意の 期間中に発生する台風の属性値を,モンテカルロ・シミ ュレーションの手法を用いて模擬的に与えるものである (河合ら,2006).例えば,Kawaiら(2006)は瀬戸内海,

Higakiら (2000): 内えは, Kawars (2000) は福戸内海, Higakiら (2020) は大阪湾を対象に, 確率台風モデルを用 いて, それぞれ再現期間1000年までの高潮偏差を推定し ている.また,加藤 (2005) は,確率台風モデルを用い て,東京湾,伊勢湾,大阪湾,そして土佐湾を対象に, 再現期間1000年までの潮位偏差,潮位,波高,そして越 波流量を推定している.しかし,海岸保全施設の安全性 の評価において重要となる波力の再現期間や発生確率分 布については,検討されていない.

以上を踏まえて、本研究では、確率台風モデルを用い て、波力を含めた外力の発生確率分布の評価手法を提案 する. 第2章では、提案する外力の確率的評価手法につい て具体的に説明する. 第3章では、提案手法を実港湾の海 岸保全施設に適用し、外力の発生確率分布の推定を行っ た結果や、その結果に基づいて、従来の設計方法で計算 される外力の再現期間及び発生確率を評価した結果につ いて示す. 第4章では、本研究で得られた結果のまとめを 示す.

なお,本稿は,Okamotoら (2022) の内容に補足説明を 追加したものである.そのため,本研究を引用する際に は,Okamotoら (2022) も参考文献に挙げられたい.

2. 施設に作用する外力の確率的評価手法

本研究で提案する外力の確率的評価手法の流れを図-2.1に示す.以下では,流れの中の各項目について説明する.

2.1 確率台風モデル

外力の確率的評価に当たって,まず初めに,確率台風 モデルを用いて,台風経路,中心気圧,及び移動速度と いった台風の属性値を作成する.上述したとおり,確率



図-2.1 施設に作用する外力の確率的評価の流れ

台風モデルは、任意の期間において台風を作成できるため、100年や1000年といった期間を設定することにより、 多数の台風データを作成できる.この際、過去に観測されなかった勢力の強い台風もデータに含まれる場合がある.

本研究では、梅田ら (2019) によって構築された確率 台風モデルを使用した.本モデルは、Nakajoら (2014) によって提案された時系列相関型モデルをベースに、 60km解像度の全球大気循環モデルによる大アンサンブ ル実験結果から、過去実験によって得られた台風データ を用いて校正されたモデルである.

2.2 経験的台風モデル

確率台風モデルで作成した台風について,経験的台風 モデルを用いて,その気圧場及び風場を作成する.経験 的台風モデルを用いた気圧場及び風場の作成には,台風 の属性値(中心気圧,移動速度,最大風速半径)を必要 とする.本研究では,中心気圧及び移動速度は,確率台 風モデルによって作成された台風の属性値を参照し,最 大風速半径は,河合ら(2005)により提案された以下の 式を用いて算出した.

$$r_0 = 94.89 \exp\left(\frac{p_c - 967}{61.5}\right) \tag{2.1}$$

ここに、 r_0 は最大風速半径、 p_c は台風の中心気圧である。台風の気圧分布には、Myersの分布を仮定した。

$$p = p_c + \Delta p \exp\left(-\frac{r_0}{r}\right) \tag{2.2}$$

ここに、pは台風の中心から距離rだけ離れた点の気圧、 Δp は気圧深度、 r_0 は最大風速半径、rは等圧線の曲率半径 である.

海上における風場の計算に当たって,まず傾度風速を 以下の式で求めた(藤井ら,1986).

$$V_{gr} = -\frac{fr - V_T \sin \gamma}{2} + \sqrt{\left(\frac{fr - V_T \sin \gamma}{2}\right)^2 + \left(\frac{\Delta p}{\rho_a}\right) \cdot \left(\frac{r_0}{r}\right) \cdot \exp\left(-\frac{r_0}{r}\right)}$$
(2.3)

ここに、 V_{gr} は台風の移動の効果を取り込んだ傾度風速, fはコリオリ係数 (= $2\omega \sin \theta$, ω :地球自転の角速度=7.29 ×10⁻⁵ rad/s, θ :緯度), V_T は台風の移動速度, γ は台風の 進行方向と等圧線の曲率半径rの時計回りの角度, ρ_a は 大気の密度である. 傾度風速から海上風速への補正は, 以下の式を用いて行った.

$$V_1 = C_1 V_{gr} \tag{2.4}$$

ここに、*V*₁は海上風速、*C*₁は傾度風速から海上風速への補正係数である.

経験的台風モデルは、風速及び風向の分布に対して地 形の影響が考慮されないモデルである.本研究では、風 場に対する地形の影響を考慮するため、井出ら(2017) の検討を参考に、海上風の補正を行った.補正方法は、 まず既往台風を数十個ほど選定し、それぞれの台風につ いて,経験的台風モデルによる風場の作成と,局地数値 予報モデルGPV (LFM) の予報データの収集,もしくは 予報データが得られない場合は、局地気象モデル(WRF) による風場の作成を行う.予報モデルGPV (LFM)の予 報データ及び局地気象モデル(WRF)の計算データは, いずれも風場に対して地形の影響が考慮されたデータで ある.両者の風速及び風向を風向及び地点(風場推算の 際の計算格子)ごとに比較することで,それぞれの風向 別の平面的な補正値を算出する.本研究では、風速の補 正係数として相関解析による回帰係数を採用し、風向の 補正値として風向差の平均値を採用した.

2.3 波浪·高潮推算

作成した気圧場及び風場を入力条件として波浪推算 及び高潮推算を実施し,波浪(波高,周期,波向)及び 高潮偏差の時系列データを作成する.本研究では,波浪 推算及び高潮推算を独立して実施した.これは,本提案 手法では多数の台風に対して推算を行う必要があり,そ れらすべてに対して波浪推算と高潮推算を並列して実施 することは現実的ではないと判断したためである.した がって,本研究では,波と流れの相互作用や砕波に伴う ウェーブセットアップ等の現象は考慮していない.

(1)波浪推算

波 浪 推 算 に は, 第 3 世 代 波 浪 モ デ ル で あ る WAVEWATCHIII (version 5.16)を使用した.上記の理由 から,計算コストを抑えるため,水深の深い沖合の波浪 を良好に表現できる程度の比較的低い格子解像度で推算 を行った.そのため,波浪推算と合わせて,沖合から設 計対象地点(浅海域)までの波浪変形計算を行った.浅 水変形及び砕波の計算は,合田(1975)によって提案さ れた砕波変形モデルを用いて行った.波の屈折は,対象 施設の法線に平行な直線上の等深線を有する地形への規 則波の入射を仮定して,次式を用いて計算した.

$$K_r = \left[1 + \left\{1 - \left(\frac{C}{C_0}\right)^2\right\} \tan^2 \beta_0\right]^{-1/4}$$
(2.5)

$$\beta = \sin^{-1} \left(\frac{C}{C_0} \sin \beta_0 \right) \tag{2.6}$$

ここに, K_r は屈折係数, Cは波速, C_0 は沖合(深海域) における波速, β は入射角, β_0 は波が沖合から浅海部へ入 射するときの入射角である.

(2) 高潮推算

高潮推算には,単層の線形長波方程式に基づく数値計 算モデルを使用した.基礎方程式を以下に示す.

$$\frac{d\eta}{dt} + \frac{\partial M}{\partial x} + \frac{\partial N}{\partial y} = 0$$

$$\frac{\partial M}{\partial t} = fN - gD \frac{\partial \eta}{\partial x} - \frac{D}{\rho_w} \frac{\partial p_0}{\partial x} + \frac{\tau_{sx} - \tau_{bx}}{\rho_w} + A_h \left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2}\right)$$
(2.8)

$$\frac{\partial N}{\partial t} = -fM - gD \frac{\partial \eta}{\partial y} - \frac{D}{\rho_w} \frac{\partial p_0}{\partial y} + \frac{\tau_{sy} - \tau_{by}}{\rho_w} + A_h \left(\frac{\partial^2 N}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 N}{\partial y^2}\right)$$
(2.9)

ここに、tは時刻、M、Nはそれぞれx、y方向の流量フ ラックス、gは重力加速度、Dは全水深(=静水深 h+高潮 偏差 η)、 ρ_w は海水の密度、 p_0 は海面気圧、 A_h は水平渦動 粘性係数である.また、 τ_{sx} 、 τ_{sy} はx、y方向の海面せん断 応力、 τ_{bx} 、 τ_{by} はx、y方向の底面せん断応力であり、そ れぞれ以下のように与えられる.

$$\tau_{sx} = \rho_a C_D W_x \sqrt{W_x^2 + W_y^2}$$
(2.10)

$$\tau_{sy} = \rho_a C_D W_y \sqrt{W_x^2 + W_y^2}$$
(2.11)

$$\tau_{bx} = \frac{\rho_w g n^2}{D^{7/3}} M \sqrt{M^2 + N^2}$$
(2.12)

$$\tau_{by} = \frac{\rho_w g n^2}{D^{7/3}} N \sqrt{M^2 + N^2}$$
(2.13)

ここに, *W_x*, *W_y*は海上風速*W*の*x*, *y*成分, *n*はマニン グの粗度係数である. *C_D*は海面抵抗係数であり, 本多・ 光易 (1980) による式を用いた.

$$C_D = \begin{cases} (1.290 - 0.024W)/10^3 : (W < 8) \\ (0.581 + 0.063W)/10^3 : (W \ge 8) \end{cases}$$
(2.14)

2.4 天文潮位

潮位は,高潮偏差と天文潮位の足し合わせで求められ る.従来の設計方法では,天文潮位をHWLで与えている が,実際の天文潮位は時々刻々と変化しており,擾乱の 発生した時間に応じて異なる.

そのため、本研究では、台風の発生日時を乱数で与え、 そこから台風が消滅するまでの時々刻々の天文潮位を次 式によって推算した.

$$\eta_0 = \sum_{i=1}^n f_i H_i \cos[V_i + u_i + \varphi_i + \omega_i \left(t - \frac{\varphi_A}{360} \times 24\right) - \kappa_i] \qquad (2.15)$$

ここに, iは分潮の番号, nは分潮の数, f_i は半潮差の補 正関数, H_i は平均半潮差, V_i , u_i は位相の補正関数, φ_i は 経度補正のための位相, ω_i は角速度, φ_A は天文潮位を求 めたい地点が属する標準子午線の経度, κ_i は遅角である. 本研究では,主要な4分潮のみを用いて天文潮位を推算し, 各分潮の平均半潮差と遅角には,気象庁の公表データを 用いた(気象庁).

以上により推算した天文潮位と高潮推算による高潮 偏差を足し合わせることで,潮位の時系列データを作成 する.

2.5 施設に作用する外力

施設に作用する外力は様々であるが,港湾施設や海岸 保全施設の設計に際しては,波力及び越波が主要な外力 である.本研究では,施設に作用する外力として,それ ら2つの外力を対象とし,上記の方法で作成した波浪及び 潮位の時系列データを用いて外力の時系列データを作成 した.

(1)波力

本研究では,波力を,施設前面に作用する全波圧とし て定義した.波圧は,Goda (1974)によって提案された 式(以下,合田式)を用いて計算した.まず,合田式で は,施設に作用する波圧の分布として図-2.2に示すよう な分布を想定する.ここに、図中のhは前面水深、dはマ ウンド上の水深、h'は直立部底面から静水面までの高さ、 h_c は直立部の静水面上の高さである.また、 η^* は波圧の 作用高であり、以下の式で与えられる.ここで、 η^* は無 限高さの壁があった場合の理論上の作用高であり、実際 の作用高は施設の天端高との関係によって決まる.

$$\eta^* = 0.75(1 + \lambda_1 \cos\beta)H_{\max} \tag{2.16}$$

ここに、 λ_1 は波圧の補正係数(前面に消波ブロック等 がない場合は、 $\lambda_1 = 1$)、 β は施設法線と波の主波向のな す角度、 H_{max} は最高波高である.実際の設計では、波向 設定の不確実性を考慮し、波の主波向を15°の範囲で危 険側へ補正する.しかし、本研究では、多数の波向の時 系列データの評価の中で、波向設定の不確実性が考慮さ れるとして、波向の補正は行わなかった.最高波高は、 施設前面における最高波高と施設壁面から沖側に5 $H_{1/3}$ だけ離れた地点における最高波高のうち、いずれか大き い方を採用した.

波圧強度p₁, p₂, p₃は, それぞれ以下の式によって与 えられる.

$$p_1 = \frac{1}{2} (1 + \cos\beta) (\alpha_1 \lambda_1 + \alpha_2 \lambda_2 \cos^2\beta) \rho_w g H_{\text{max}}$$
(2.17)

$$p_2 = \frac{p_1}{\cosh(2\pi\hbar/L)} \tag{2.18}$$

$$p_3 = \alpha_3 p_1 \tag{2.19}$$

ここに、 λ_2 は波圧の補正係数(通常、 $\lambda_2 = 1$)、Lは波長である. α_1 、 α_2 、及び α_3 はいずれも波圧の補正係数であり、それぞれ以下の式によって与えられる.

$$\alpha_1 = 0.6 + \frac{1}{2} \left[\frac{4\pi h/L}{\sinh(4\pi h/L)} \right]^2$$
(2.20)



図-2.2 波圧分布(合田, 2008)

$$\alpha_2 = \min\left\{\frac{h_b - d}{3h_b} \left(\frac{H_{\max}}{d}\right)^2, \frac{2d}{H_{\max}}\right\}$$
(2.21)

$$\alpha_3 = 1 - \frac{h'}{h} \left[1 - \frac{1}{\cosh(2\pi h/L)} \right]$$
(2.22)

ここに, min{a,b}はaまたはbのいずれか小の値を参照 することを指し, h_b は施設壁面から沖側に $5H_{1/3}$ だけ離れ た地点の水深である.

以上の波圧の算定式を用いると、施設前面に作用する 全波圧(本研究で波力と定義)は、以下の式で表せる.

$$P = \frac{1}{2}(p_1 + p_3)h' + \frac{1}{2}(p_1 + p_4)h_c^*$$
(2.23)

ここに、 h_c^* は波圧の作用高であり、 $\eta^* \ge h_c$ のいずれか 小の値で与えられる.また、 p_4 は波圧の作用高における 波圧であり、以下の式で表せる.

$$p_4 = \begin{cases} p_1(1 - h_c/\eta^*) &: \eta^* > h_c \\ 0 &: \eta^* \le h_c \end{cases}$$
(2.24)

(2) 越波

施設の安全性は,越波流量を用いて評価できる.例え ば,越波によっては,中詰土砂の流出,天端あるいはの り面被覆工の破壊等が生じる可能性があり,施設の安全 性を考える場合に,越波は重要な外力の1つである.施設 の設計では,越波の大きさを表す指標として平均越波流 量が広く用いられる.特に設計の際には,平均越波流量 が,許容越波流量よりも小さくなるように施設が設計さ れる.この許容越波流量は,施設の構造種別や被覆工の 有無等によって異なる(合田,2008).

本研究では、合田(2008)によって提案された以下の 式を用いて、平均越波流量を計算した.

$$q = \exp\left\{-\left[A + B\frac{h_c}{(H_{1/3})_{\text{toe}}}\right]\right\}\sqrt{g(H_{1/3})_{\text{toe}}^3}$$
(2.25)

ここに, qは平均越波流量, (H_{1/3})toeは施設前面の水深 における有義波高である. A, Bはモデルパラメータであ り,海底勾配sを用いて, それぞれ以下の式で与えられる.

$$A = 3.4 \tanh\{(0.956 + 4.44 s) \times \\ \left[h/(H_{1/3})_{\text{toe}} + 1.242 - 2.032 s^{0.25}\right]\} (2.26)$$

$$B = 2.3 \tanh\{(0.822 + 2.22 s) \times \\ \left[h/(H_{1/3})_{\text{toe}} + 0.578 - 2.22 s\right]\} (2.27)$$

2.6 極値統計解析

本研究では、合田 (2010) による極値統計解析 (以下, 合田法) を行い、外力を確率的に評価した. 合田法では、 ある閾値を超過するデータを極値標本として、それらに 対して、最も適合する分布を推定する. この方法は、実 際の設計において、波浪の極値分布を推定する際にしば しば用いられる.

極値統計解析では、分布の推定に当たって様々な分布 が使用される.そのうち、合田法では、グンベル分布(極 値 I 型分布)、フレッシェ分布(極値 II 型分布)、そして ワイブル分布の3つの分布を用いる.非超過確率分布を F(x)、確率密度関数をf(x)とすると、それぞれの分布式 は、以下のように表せる.

グンベル分布 (極値 I 型分布)

$$F(x) = \exp\left[-\exp\left(-\frac{x-B}{A}\right)\right] \quad : -\infty < x < \infty \qquad (2.28)$$

$$f(x) = \frac{1}{A} \exp\left[-\frac{x-B}{A} - \exp\left(-\frac{x-B}{A}\right)\right]$$
(2.29)

フレッシェ分布(極値 II 型分布)

$$F(x) = \exp\left[-\left(1 + \frac{x - B}{kA}\right)^{-k}\right] \qquad (2.30)$$

$$: B - kA \le x < \infty$$

$$f(x) = \frac{1}{A} \left(1 + \frac{x - B}{kA} \right)^{-(1+k)} \cdot \exp\left[-\left(1 + \frac{x - B}{kA} \right)^{-k} \right]$$
(2.31)

ワイブル分布

$$F(x) = \exp\left[-\left(\frac{B-x}{A}\right)^k\right] \quad : -\infty < x \le B$$
 (2.32)

$$f(x) = \frac{k}{A} \left(\frac{B-x}{A}\right)^{k-1} \exp\left[-\left(\frac{B-x}{A}\right)^k\right]$$
(2.33)

ここに、xは極値を表す確率変量、A、B、及びkは分布 関数のパラメタであり、それぞれ尺度母数、位置母数、 形状母数である.なお、合田法では、形状母数kを次の各 4種類の値に固定する.

フレッシェ分布:k=2.5, 3.33, 5.0, 10.0

ワイブル分布: k=0.75, 1.0, 1.4, 2.0

標本が最も適合する分布の推定は、大きく2つの工程 から構成される.1つ目の工程は、分布関数の棄却である. この工程では、DOL及びRECという2つの棄却基準を用い て、分布関数の棄却を行う.2つ目の工程では、棄却され なかった複数の分布関数から適合度の最も高い分布関数 を選定する.この工程では、MIRという判断基準を用い て、最も適合度の高い分布関数を選定する.各基準の詳 しい説明は、合田(2008)を参照されたい.

本研究では、各台風の波力と越波流量の時系列データ から、各時系列の最大値を抽出し、極値標本として使用 した. 閾値の設定については、初期値を0とし、棄却基準 を満たす分布関数が見つからない場合、閾値を増加させ た.棄却基準を満たす分布関数が少なくとも1つ以上確認 できるまで、上記の操作を繰り返した.

3. ケーススタディ

3.1 対象施設の設定

外力の確率的評価に関するケーススタディとして,東 京湾の西側に位置する横浜港に整備されている護岸を対 象に外力の評価を行った.図-3.1に対象施設位置を示す. 本施設は,2019年の台風1915号(令和元年房総半島台風) の来襲時に発生した高波と高潮によって,特に上部のパ ラペット部において甚大な被害を受けた.この際,施設 の被害と同時に,本施設から内陸に最大で800mまで浸水 が生じていたと報告されている(河合ら,2019).

図-3.2に対象施設の被災前の断面の概略図(横浜市, 2019)を示す.この施設は、ケーソン式の護岸であり、 ケーソンの法線に対してパラペットが陸側に設置されて いる.朔望平均干潮面(以降,「LWL」という.)を基準 とした護岸の天端高(=パラペット頂部の高さ)は5.5m であり、施設前面の水深は-7.9mである.

本研究では、過去の被害実績を踏まえて、パラペット 前面に作用する波力を対象外力として評価した.また、 パラペットが陸側に設置される場合、護岸法線上に設置 される場合に比べて、波力が増大すること(鈴木ら、2021) や越波流量が減少すること(平山ら、2018)が指摘され ているが、簡単のため、パラペットが陸側に設置されて いることによる外力への影響は考慮しなかった.そのた め、実際の対象施設の設計条件や波力とは異なり、あく までも、モデルケースとしての検討であることに注意さ れたい.

3.1 台風経路の設定

台風経路の設定に当たって,確率台風モデルを用いて 作成した1000年分の台風から,東京湾及びその周辺(北 緯34.5-36.0°,東経137.9-141.0°)を通過する台風を抽出 した.台風の抽出範囲を図-3.3に示す.次に,抽出範囲 における最低中心気圧が980hPa以下となる台風を抽出し た.これは、施設の安全性に関わるような大きさの外力 の評価に当たっては、低頻度で規模の大きい台風のみの 評価で十分であるためである.結果として、計622個の台 風が抽出された(図-3.3中の黒線).



図−3.1 対象施設位置(地理院地図を加工して作成)



図-3.2 対象施設断面概略図 (横浜港護岸復旧工法検討会 第2回資料を基に作成)



図-3.3 台風の抽出範囲と抽出した台風経路





図-3.4 計算領域(波浪推算) (地理院地図を加工して作成)

3.2 計算条件の設定

(1) 気圧場·風場

傾度風から海上風への補正に当たって,風速の補正係 数C₁は0.70(高潮推算)及び0.60(波浪推算)とし,風向 は傾度風の風向から台風中心に向かって30°偏向すると した.また,別途実施した検証計算の結果から,地形の 影響に基づく補正のみでは,やや風速を過小に評価する ことが確認された.そのため,本検討では,検証結果に 基づいて補正後の風速を1.21倍し,以降の波浪推算及び 高潮推算に用いた.ただし,上記と同様の検証計算の結 果から,抽出範囲における最低中心気圧が960hPa以上と なる台風の波浪推算に対しては,上記の風速の割り増し による波高の再現性の低下が確認されたため,風速の割 り増しを行わなかった.





図-3.5 計算領域(高潮推算)(地理院地図を加工して作成)

(2)波浪推算

波浪推算では,緯度経度座標系を適用し,格子間隔比 1/8°もしくは1/4°で計算領域のネスティングを行った. 計算領域を図-3.4に示す.その他,波浪推算における計 算条件を表-3.1に示す.

表-3.1 計算条件(波浪推算)

項目	設定値
計算時間間隔	60~720 s
方向分割数	$36 (\Delta \theta = 10^{\circ})$
周波数分割数	35 (0.042~1.11Hz)
エネルギー輸送と消散項	ST3

(3)高潮推算

高潮推算では、直交座標系を適用し、格子間隔比1/3も

しくは1/2で計算領域のネスティングを行った.計算領域 を図-3.5に示す.その他,高潮推算における計算条件を 表-3.2に示す.なお,上記と同様の検証計算の結果から, 湾奥から湾口に向かうにつれて高潮偏差を過小に評価す ることが確認されたため,検証結果に基づいた平面的な 補正を行った.補正係数の平面分布を図-3.6に示す.

表-3.2 計算条件(高潮推算)

項目	設定値
計算時間間隔	3.0 s
油则培用冬川	他領域と水位・流量を結合
冲 侧境外末针	※領域1のみ自由透過
陸側境界条件	完全反射
海底摩擦係数n	0.025
海水密度ρw	1026 kg/m ³
大気密度 <i>p</i> a	1.22 kg/m ³

(4) 天文潮位の設定

天文潮位は,表-3.3に示す横浜潮位観測所における主要4分潮の値を用いて推定した.また,各台風の発生時間の設定方法を表-3.4に示す.以上の設定方法に加えて,従来の設計方法との比較のため,天文潮位をHWLで一定とした条件でも検討を行った.

分潮		平均半潮差	遅角 (°)
		(CIII)	()
主太陰半日周潮	M_2	44.16	152.41
主太陽半日周潮	\mathbf{S}_2	21.77	180.90
日月合成日周潮	K_1	24.69	178.77
主太陰日周潮	O_1	19.33	160.10

表-3.3 横浜潮位観測所における主要4分潮

表-3.4 台風の発生時間の設定方法

項目	値	値の範囲	備考
左	乱数	$2010\sim$	供用期間
4	(一様分布)	2059	50 年を想定
	乱数	0 - 2(5	1/1 からの
H	(一様分布)	0,~303	経過日数
時,八	乱数	02.24	
时・方	(一様分布)	0,~24	



図-3.6 高潮偏差の補正係数分布

3.3 波高と高潮偏差及び外力の非同時生起性の評価 以降の3.3,3.4節では,第2章に記した手法で,第3章 に記した計算条件を用いて計算を行った結果を示す.本 節では,波高,高潮偏差,及び外力の時系列データによ る,波高と高潮偏差及び外力の非同時生起性について示 す.なお,結果の整理には,対象施設位置における時間 解像度20分の時系列データを用いた.

(1) 波高と高潮偏差及び潮位

波高と高潮偏差のピーク出現時間差の頻度分布を図-3.7(a)に示す. 同図のとおり, 波高と高潮偏差のピーク は、必ずしも同時に出現していないことが分かる. それ ぞれのピークが同時に出現する(ピーク出現時間差が0分 となる)割合は、3.3%である(全台風622個のうち21個). 本検討結果の場合、波高のピークが、高潮偏差のピーク に比べて先に出現する傾向が確認できる.河合ら(2002) は、東京湾の湾西部において波高のピークが高潮偏差の ピークより先に出現することを示しており、本検討結果 はその結果と整合している.ただし、河合ら(2002)を 含め,第1章で挙げた波浪と高潮偏差の非同時生起性に関 する研究では,波高と高潮偏差の非同時生起性は,対象 とする地点の周辺の地形特性や台風の特性によって異な ることが指摘されており、本検討結果からすなわちすべ ての施設で波高と高潮偏差のピークが必ずしも一致しな いことを示すものではない.

波高と潮位(=高潮偏差+天文潮位)のピーク出現時 間差の頻度分布を図-3.7(b)に示す.まず,波高と高潮偏 差の場合と同様に,それぞれのピークは必ずしも同時に 出現していないことが分かる.本検討結果の場合,天文 潮位を考慮することで,高潮偏差の場合と比較して波高 のピークが先に出現する回数が減少し,潮位のピークが 先に出現する回数が増加している.この傾向は,特に高 潮偏差が0.5m未満の台風で顕著である.これは,高潮偏 差の小さい台風の潮位のピーク出現時間は,相対的に天 文潮位に強く影響されるためと考えられる.

(2) 波高と外力

波高と波力及び平均越波流量のピーク出現時間差の 頻度分布を図-3.8に示す.波高と高潮偏差及び潮位の場 合と異なり,波高と外力のピークは,ほとんど同時に出 現していることが分かる.波力では84%,平均越波流量 では90%のピークが,波高のピーク出現の前後1時間以内 に出現している.これは,それぞれの外力の大きさが, 特に波高に依存していることを示していると考えられる.











図-3.8 波高と(a)波力,(b)平均越波流量の ピーク出現時間差

3.4 外力の発生確率分布の推定

(1)波力

波力の極値統計解析の結果を表-3.5に,発生確率分布 を図-3.9に示す.全体として,天文潮位をHWLで一定と して計算される波力は,天文潮位の時間変化を考慮して 計算される外力に比べて大きくなることが確認された. 例えば,再現期間50年の外力で比較した場合,前者は 110kN/mとなるのに対して,後者は95kN/mとなる.

表-3.	5	極値統計解析結果	(波力)
-1. 0.	•		$(V \times J J)$

百日	天文潮位の設定条件		
項目	時間変化	HWL	
閾値	35 kN/m	60 kN/m	
極值標本数	264	252	
最適合分布	ワイブル分布	ガンベル公布	
取過百万加	(<i>k</i> =2.0)		

(2) 平均越波流量

平均越波流量の極値統計解析の結果を表-3.6に,発生 確率分布を図-3.10に示す.波力と同様に,天文潮位を HWLで一定として計算される平均越波流量は,天文潮位 の時間変化を考慮して計算される平均越波流量に比べて 大きくなることが確認された.また,再現期間が長くな るにつれて,両者の差がやや広がっていく傾向が見られ る.

百日	天文潮位の設定条件			
供日	時間変化	HWL		
閾値	0.002 m ³ /m/s	0.005 m ³ /m/s		
極值標本数	433	546		
具运入八大	ワイブル分布	ワイブル分布		
取週百万印	(<i>k</i> =0.75)	(<i>k</i> =1.0)		

表-3.6 極値統計解析結果(平均越波流量)

3.5 従来の設計方法における外力の確率的評価

本節では,従来の設計方法を用いた波力及び平均越波 流量の算定と,それぞれの発生確率分布に基づく再現期 間及び発生確率の算定について示す.

(1)設計波と設計潮位の設定

本研究では,設計波を50年確率波高とそれに対応する 周期,設計潮位を朔望平均満潮位(以下,HWL)にシナ リオ台風の高潮偏差を加えた潮位として,外力を算定し た.

50年確率波高は、各台風の波高のピークを用いて推定



図-3.9 波力の発生確率分布(○,□:計算結果,実線,点線:最適合分布関数)



図-3.10 平均越波流量の発生確率分布(○,□:計算結果,実線,点線:最適合分布関数)

した波高の発生確率分布に基づいて算定した.周期は, 波高のピークとそれと同時間の周期の関係から算定した. 対象波向は,確率波高が大きくかつ,対象施設に対して 危険な波向となる NE, ENE, E, ESE, SE, SSE の 6 波 向とした.各波向の 50 年確率波高及び周期を表-3.7 に 示す.

設計潮位の設定に当たって、シナリオ台風を伊勢湾台 風とした.シナリオ台風の高潮偏差は、本対象施設の設 計に用いられている値を参考に1.43mとした(横浜市, 2019).本対象施設におけるHWLは2.00m(図-3.2参照, LWL基準)であるため、設計潮位を3.43m(LWL基準)と 設定した.

表-3.7 50年確率波高と対応周期

波向	NE	ENE	Е	ESE	SE	SSE
入射角(°)	45.0	22.5	0	22.5	45	67.5
波高(m)	4.0	3.2	3.2	3.6	3.7	3.6
周期(s)	5.9	5.3	5.3	5.5	5.7	5.7

(2)外力の再現期間の算定

各波向の波力及び平均越波流量とそれらの再現期間 を表-3.8に示す.再現期間の算定には、天文潮位の時間 変化を考慮した場合の波力及び平均越波流量の発生確率 分布(図-3.9,図-3.10中の実線)を用いた.同表より、 ほとんどの波向で、波力の再現期間が100年以上となって いることが確認できる.特に、波力が最大である波向Eに おいて、再現期間が400年となっている.海岸保全施設の 一般的な供用期間が50年であることを考えると、これら の波力の再現期間は施設の供用期間に対して長いことが 分かる.

平均越波流量は,波向によっては再現期間が1000年以上となっており,平均越波流量が最小である波向SSEにおいても,再現期間が300年を超える結果となった.

表-3.8 従来の設計方法による外力とその再現期間

	波	力	平均越波流量	
波向	算定值	再現期間	算定值	再現期間
	(kN/m)	(年)	(kN/m)	(年)
NE	112.2	192.5	0.35	2622.9
ENE	111.3	175.4	0.23	494.0
Е	119.4	402.7	0.25	710.6
ESE	112.4	196.6	0.31	1688.6
SE	105.7	104.5	0.29	1361.4
SSE	85.2	20.8	0.20	334.9

(3) 外力の発生確率の算定

以上で算定した再現期間を用いて外力の発生確率を 算定することができる.例えば,再現期間をR年とすると, R年確率外力を上回る外力が1年のうちに少なくとも1回 以上発生する確率Pvearは,以下のように表せる.

$$P_{year} = \frac{1}{R} \tag{3.1}$$

また,施設の安全性を考える場合,施設の供用期間中 に設計外力を超過する確率が重要となる.これは,供用 期間をL年とすると,以下のように表せる.

$$P_L = 1 - \left(1 - \frac{1}{R}\right)^L$$
(3.2)

ここに, *P_L*は供用期間*L*年の間に*R*年確率外力を上回る 外力が少なくとも1回以上発生する確率である.

以上の式を用いて,供用期間を50年(一般的な海岸保 全施設の供用期間)とした時の各波向の供用期間中にお ける外力の発生確率を算定した結果を表-3.9に示す.一 般的に,設計には各波向の外力のうち最大のものが用い られるため,波向Eの波力の供用期間中における発生確 率を見てみると,約12%となっていることが分かる.こ の発生確率から直ちに施設の安全性を評価することは難 しいが,施設の安全性を評価するための1つの指標として 見ることができる.このような外力の発生確率は,従来 の設計方法では明らかではなかったが,本研究の提案手 法を用いることで評価が可能となる.

表-3.9 従来の設計方法による外力の再現期間と供用 期間 50 年における外力の発生確率

	波	力	平均越波流量				
波向	再現期間	発生確率	再現期間	発生確率			
	(年)	(-)	(年)	(-)			
NE	192.5	0.229	2622.9	0.019			
ENE	175.4	0.249	494.0	0.096			
Е	402.7	0.117	710.6	0.068			
ESE	196.6	0.225	1688.6	0.029			
SE	104.5	0.381	1361.4	0.036			
SSE	20.8	0.915	334.9	0.139			

4. まとめ

本検討では,波浪,高潮偏差及び潮位の非同時生起性 を考慮しながら,施設に作用する外力を確率的に評価す る手法を提案した.加えて,実港湾の海岸保全施設をモ デルケースとしてケーススタディを実施し,施設に作用 する波力及び平均越波流量の発生確率分布を推定すると ともに,その結果に基づいて,従来の設計方法で計算さ れる外力の再現期間及び発生確率を算定した.主要な結 果をまとめると,以下のとおりである.

- 波高と高潮偏差のピークは必ずしも同時生起しないことが確認された.波高と潮位についても同様であるとともに、高潮偏差の比較的小さい台風の波高と潮位のピーク出現時間差は、天文潮位のピーク出現時間に大きく影響されることが分かった.
- ある再現期間の外力を比較した場合,天文潮位が HWLで一定として計算される外力は,天文潮位の 時間変化を考慮して計算される外力よりも大きく なることが確認された.
- 従来の設計方法で計算される外力の再現期間は,一
 般的な海岸保全施設の供用期間である50年を大きく上回ることが確認された。

5. あとがき

本検討の結果から、本研究の提案手法を用いることで、 施設に作用する外力の発生確率を明らかにすることが可 能であることが確認された.将来,海岸保全施設の設計 に際して、海面水位の上昇や台風の激甚化を考慮する必 要性が増していくものと考えられる.そのような状況で、 本提案手法を用いて気候変動の影響を考慮した外力の発 生確率を求めることで、外力として現在と将来の変化を 評価できる.さらに言えば、現在と将来の外力の発生確 率から、気候変動の影響に伴う施設の安全性の変化を示 すことも可能である.

しかしながら,検討に当たって,計算コストの関係な どから単純化した過程がいくつかあるため,そのような 過程において,より正確な評価を行うことが今後の課題 である(例えば,波浪推算と高潮推算のカップリング計 算,浅海域における詳細地形を考慮した波浪変形計算, 衝撃砕波圧の考慮等).また,各計算過程や計算によって 得られたデータは多くの不確実性を含んでおり,施設の 安全性を評価するためには,そのような不確実性を考慮 しなければならない.

参考文献

- 井出喜彦・山上澪・山城賢・橋本典明 (2017): 経験的台 風モデルにより推算された風場の補正法の構築,土 木学会論文集 B3 (海洋開発), Vol.73, No.2, pp. I_144-I_149.
- 加藤史訓 (2005):高潮危険度評価に関する研究,国土技 術政策総合研究所,No.275,108p.
- 河合弘泰・竹村慎治・原信彦 (2002):東京湾における台 風による高潮と高波の同時性と継続時間特性,海岸 工学論文集,第49巻, pp.251-255.
- 河合弘泰・本多和彦・富田孝史・柿沼太郎 (2005):2004 年に発生した台風の特徴と高潮の予測・再現計算, 港湾空港技術研究所資料, No.1103, 34p.
- 河合弘泰・橋本典明 (2006): 確率台風モデルの構築とそ れを用いた高潮の出現確率分布の推算,港湾空港技 術研究所資料, No.1122, 27p.
- 河合弘泰・鈴木高二郎・平山克也・川口浩二・山本康太・ 本多和彦・里村大樹・鶴田修己・藤木峻・千田優・ 岩本匠夢・朝比翔太・川口真吾・久保田博貴(2019): 台風1915 号の気象・高潮・波浪の特徴と横浜港の浸 水被害,港湾空港技術研究所資料, No.1379, 54p.
- 気象庁: 潮位表掲載地点一覧表(2022), https://www.data.jma.go.jp/gmd/kaiyou/db/tide/suisan/st ation.php, 2022/5/25 アクセス.
- 國富將嗣・高山知司 (2005): 大阪湾における高潮と高波 の同時生起確率特性,海岸工学論文集,第 52 巻,pp. 216-220.
- 合田良実 (1975):浅海域における波浪の砕波変形,港湾 技術研究所報告,第14巻,第3号, pp.59-106.
- 合田良実 (2008): 耐波工学 港湾・海岸構造物の耐波設計, 鹿島出版会, 430p.
- 下元幸夫・山路昭彦・内田洋平・大西健二・上原謙太郎 (2006):瀬戸内海沿岸における波浪と高潮の同時生 起特性,海岸工学論文集,第 53 巻, pp.211-215.
- 鈴木高二郎・久保田博貴・鶴田修己 (2021):パラペット 後退型護岸に働く波圧に関する検討,港湾空港技術 研究所報告,第60巻,第1号,22p.
- 畑田佳男・松土成希 (2018):推算資料に基づく伊勢湾に おける高波と高潮の同時生起特性の推定,土木学会 論文集 B2 (海岸工学), Vol.74, No.2, pp. I 589-I 594.
- 畑田佳男・稲垣孝一 (2019): 推算資料に基づく東京湾に おける高波と高潮の同時生起特性の推定と伊勢湾と の比較, 土木学会論文集 B2 (海岸工学), Vol.75, No.2, pp.I 247-I 252.

平山克也・濱野有貴・長沼淳也 (2018): 護岸パラペット

高さと後退距離による越波流量の変化とその推定方 法に関する検討, 土木学会論文集 B2 (海岸工学), Vol.74, No.2, pp. I_1027-I_1032.

- 藤井健・光田寧 (1986): 台風の確率モデルの作成とそれ による強風のシミュレイション,京都大学防災研究 所年報,第29号, B-1, pp.229-239.
- 本多忠夫・光易恒 (1980):水面に及ぼす風の作用に関す る実験的研究,第27回海岸工学講演会論文集,pp.90-93.
- 松尾俊平・河合弘泰・岩本匠夢 (2020):海洋・波浪結合 モデルを用いた沖縄本島における高波・高潮の同時 生起性と継続時間,土木学会論文集 B3 (海洋開発), Vol.76, No.2, pp.I_216-I_221.
- 横浜市 (2019): 横浜港護岸復旧工法検討会,第2回検討 会 資 料 , https://www.city.yokohama.lg.jp/cityinfo/yokohamashi/yokohamako/kkihon/kikikanri/gogank entoukai.html, 2022/5/25 アクセス.

- Goda, Y. (1974) : A new method of wave pressure calculation for design of composite breakwater, Proc. the 14th International Conference on Coastal Engineering, ASCE, pp.1702-1720.
- Higaki, Y., Y. Tajima (2020) : Study on the applicability of a stochastic typhoon model for probabilistic forecasting of storm surge induced by a typhoon, Coastal Engineering Journal, JSCE, Vol.62, No.4, pp.602-624.
- Kawai, H., N. Hashimoto (2006): Improvement of stochastic typhoon model for the purpose of simulating typhoons and storm surges under global warming, Proc. the 30th International Conference on Coastal Engineering, ASCE, Vol.2, pp.1838-1850.
- Okamoto, K., K. Honda (2022) : Evaluation of Probability of External Force Acting on Shore Protection Facilities, Proc. the 32nd International Ocean and Polar Engineering Conference, Shanghai, China, ISOPE, pp.2614-2621.

国土技術政策総合研究所資料

TECHNICAL NOTE of NILIM

No. 1213 July 2022

編集·発行 ©国土技術政策総合研究所

本資料の転載・複写のお問い合わせは ^{〒239-0826} 神奈川県横須賀市長瀬 3-1-1 管理調整部企画調整課 電話:046-844-5019 E-mail:ysk.nil-46pr@gxb.mlit.go.jp

July 2022

港湾におけるシナリオベースによる外力の確率評価

国土技術政策総合研究所資料 No.1213